

Übungen - Blatt 4

Aufgabe 1 (Zweimal Punkte)

Sei G eine endliche Gruppe von endlich Ordnung, die auf ein Körper \mathbf{k} operiert.

Beweisen Sie, dass $H^1(G, \text{GL}(n, \mathbf{k})) = \{1\}$ für jedes n .

Nehmen Sie das Beweis, die in der Vorlesung gegeben war, für $H^1(G, \mathbf{k}^*)$. Die Inklusion $\mathbf{k}^* \subset \mathbf{k}$ ist wie $\text{GL}(n, \mathbf{k}) \subset \text{Mat}(n, \mathbf{k})$.

Aufgabe 2

Finden Sie all Konjugationsklassen von der Diedergruppe von Ordnung $2n$.

Satz 90. Jede ganze oder gebrochene Zahl A in K , deren Relativnorm in Bezug auf k gleich 1 ist, wird die symbolische $(1-S)$ te Potenz einer gewissen ganzen Zahl B des Körpers K .